

Prof. Dr. Alfred Toth

Das vollständige System der Thematisierungstypen

1. In Toth (2026) hatten wir gezeigt, daß man die strukturellen Realitäten der 27 Dualsysteme des vollständigen ternären semiotischen Systems in Tripelrelationen der folgenden Form notieren kann

$$(X, Y) \rightarrow Z$$

$$X \rightarrow Y \leftarrow Z$$

$$X \leftarrow (Y, Z).$$

Nimmt man die Permutationen der Dualsysteme dazu, ergeben sich weitere paarweise Differenzen durch Vertauschung der Thematisanden

$$(Y, X) \rightarrow Z$$

$$Z \rightarrow Y \leftarrow X$$

$$X \leftarrow (Z, Y).$$

2. Im folgenden präsentieren wir alle 9 Thematisierungstypen zuzüglich der eigenrealen Thematisierung in ihren je $3! = 6$ Permutationen.

2.1. M-them. M

$$3.1 \quad 2.1 \quad 1.1 \quad \times \quad 1.1 \quad 1.2 \quad 1.3 \quad M^1 \leftarrow (M^2, M^3)$$

$$3.1 \quad 1.1 \quad 2.1 \quad \times \quad 1.2 \quad 1.1 \quad 1.3 \quad M^2 \leftarrow (M^1, M^3)$$

$$2.1 \quad 3.1 \quad 1.1 \quad \times \quad 1.1 \quad 1.3 \quad 1.2 \quad M^1 \leftarrow (M^3, M^2)$$

$$2.1 \quad 1.1 \quad 3.1 \quad \times \quad 1.3 \quad 1.1 \quad 1.2 \quad M^3 \leftarrow (M^1, M^2)$$

$$1.1 \quad 3.1 \quad 2.1 \quad \times \quad 1.2 \quad 1.3 \quad 1.1 \quad M^2 \leftarrow (M^3, M^1)$$

$$1.1 \quad 2.1 \quad 3.1 \quad \times \quad 1.3 \quad 1.2 \quad 1.1 \quad M^3 \leftarrow (M^2, M^1)$$

2.2. M-them. O

$$3.1 \quad 2.1 \quad 1.2 \quad \times \quad 2.1 \quad 1.2 \quad 1.3 \quad O \leftarrow (M^1, M^2)$$

$$3.1 \quad 1.2 \quad 2.1 \quad \times \quad 1.2 \quad 2.1 \quad 1.3 \quad M^1 \rightarrow O \leftarrow M^2$$

$$2.1 \quad 3.1 \quad 1.2 \quad \times \quad 2.1 \quad 1.3 \quad 1.2 \quad O \leftarrow (M^2, M^1)$$

$$2.1 \quad 1.2 \quad 3.1 \quad \times \quad 1.3 \quad 2.1 \quad 1.2 \quad M^2 \rightarrow O \leftarrow M^1$$

$$1.2 \quad 3.1 \quad 2.1 \quad \times \quad 1.2 \quad 1.3 \quad 2.1 \quad (M^1, M^2) \rightarrow O$$

$$1.2 \quad 2.1 \quad 3.1 \quad \times \quad 1.3 \quad 1.2 \quad 2.1 \quad (M^2, M^1) \rightarrow O$$

3.1	2.2	1.1	×	1.1	2.2	1.3	$M^1 \rightarrow O \leftarrow M^2$
3.1	1.1	2.2	×	2.2	1.1	1.3	$O \leftarrow (M^1, M^2)$
2.2	3.1	1.1	×	1.1	1.3	2.2	$(M^1, M^2) \rightarrow O$
2.2	1.1	3.1	×	1.3	1.1	2.2	$(M^2, M^1) \rightarrow O$
1.1	3.1	2.2	×	2.2	1.3	1.1	$O \leftarrow (M^2, M^1)$
1.1	2.2	3.1	×	1.3	2.2	1.1	$M^2 \rightarrow O \leftarrow M^1$

3.2	2.1	1.1	×	1.1	1.2	2.3	$(M^1, M^2) \rightarrow O$
3.2	1.1	2.1	×	1.2	1.1	2.3	$(M^2, M^1) \rightarrow O$
2.1	3.2	1.1	×	1.1	2.3	1.2	$M^1 \rightarrow O \leftarrow M^2$
2.1	1.1	3.2	×	2.3	1.1	1.2	$O \leftarrow (M^1, M^2)$
1.1	3.2	2.1	×	1.2	2.3	1.1	$M^2 \rightarrow O \leftarrow M^1$
1.1	2.1	3.2	×	2.3	1.2	1.1	$O \leftarrow (M^2, M^1)$

2.3. M-them. I

3.1	2.1	1.3	×	3.1	1.2	1.3	$I \leftarrow (M^1, M^2)$
3.1	1.3	2.1	×	1.2	3.1	1.3	$M^1 \rightarrow I \leftarrow M^2$
2.1	3.1	1.3	×	3.1	1.3	1.2	$I \leftarrow (M^2, M^1)$
2.1	1.3	3.1	×	1.3	3.1	1.2	$M^2 \rightarrow I \leftarrow M^1$
1.3	3.1	2.1	×	1.2	1.3	3.1	$(M^1, M^2) \rightarrow I$
1.3	2.1	3.1	×	1.3	1.2	3.1	$(M^2, M^1) \rightarrow I$

3.1	2.3	1.1	×	1.1	3.2	1.3	$M^1 \rightarrow I \leftarrow M^2$
3.1	1.1	2.3	×	3.2	1.1	1.3	$I \leftarrow (M^1, M^2)$
2.3	3.1	1.1	×	1.1	1.3	3.2	$(M^1, M^2) \rightarrow I$
2.3	1.1	3.1	×	1.3	1.1	3.2	$(M^2, M^1) \rightarrow I$
1.1	3.1	2.3	×	3.2	1.3	1.1	$I \leftarrow (M^2, M^1)$

1.1	2.3	3.1	×	1.3	3.2	1.1	$M^2 \rightarrow I \leftarrow M^1$
3.3	2.1	1.1	×	1.1	1.2	3.3	$(M^1, M^2) \rightarrow I$
3.3	1.1	2.1	×	1.2	1.1	3.3	$(M^2, M^1) \rightarrow I$
2.1	3.3	1.1	×	1.1	3.3	1.2	$M^1 \rightarrow I \leftarrow M^2$
2.1	1.1	3.3	×	3.3	1.1	1.2	$I \leftarrow (M^1, M^2)$
1.1	3.3	2.1	×	1.2	3.3	1.1	$M^2 \rightarrow I \leftarrow M^1$
1.1	2.1	3.3	×	3.3	1.2	1.1	$I \leftarrow (M^2, M^1)$
2.4. O-them. M							
3.1	2.2	1.2	×	2.1	2.2	1.3	$(O^1, O^2) \rightarrow M$
3.1	1.2	2.2	×	2.2	2.1	1.3	$(O^2, O^1) \rightarrow M$
2.2	3.1	1.2	×	2.1	1.3	2.2	$O^1 \rightarrow M \leftarrow O^2$
2.2	1.2	3.1	×	1.3	2.1	2.2	$M \leftarrow (O^1, O^2)$
1.2	3.1	2.2	×	2.2	1.3	2.1	$O^2 \rightarrow M \leftarrow O^1$
1.2	2.2	3.1	×	1.3	2.2	2.1	$M \leftarrow (O^2, O^1)$
3.2	2.1	1.2	×	2.1	1.2	2.3	$O^1 \rightarrow M \leftarrow O^2$
3.2	1.2	2.1	×	1.2	2.1	2.3	$M \leftarrow (O^1, O^2)$
2.1	3.2	1.2	×	2.1	2.3	1.2	$(O^1, O^2) \rightarrow M$
2.1	1.2	3.2	×	2.3	2.1	1.2	$(O^2, O^1) \rightarrow M$
1.2	3.2	2.1	×	1.2	2.3	2.1	$M \leftarrow (O^2, O^1)$
1.2	2.1	3.2	×	2.3	1.2	2.1	$O^2 \rightarrow M \leftarrow O^1$
3.2	2.2	1.1	×	1.1	2.2	2.3	$M \leftarrow (O^1, O^2)$
3.2	1.1	2.2	×	2.2	1.1	2.3	$O^1 \rightarrow M \leftarrow O^2$
2.2	3.2	1.1	×	1.1	2.3	2.2	$M \leftarrow (O^2, O^1)$
2.2	1.1	3.2	×	2.3	1.1	2.2	$O^2 \rightarrow M \leftarrow O^1$

1.1	3.2	2.2	×	2.2	2.3	1.1	$(O^1, O^2) \rightarrow M$
1.1	2.2	3.2	×	2.3	2.2	1.1	$(O^2, O^1) \rightarrow M$
2.5. 0-them. 0							
3.2	2.2	1.2	×	2.1	2.2	2.3	$O^1 \leftarrow (O^2, O^3)$
3.2	1.2	2.2	×	2.2	2.1	2.3	$O^2 \leftarrow (O^1, O^3)$
2.2	3.2	1.2	×	2.1	2.3	2.2	$O^1 \leftarrow (O^3, O^2)$
2.2	1.2	3.2	×	2.3	2.1	2.2	$O^3 \leftarrow (O^1, O^2)$
1.2	3.2	2.2	×	2.2	2.3	2.1	$O^2 \leftarrow (O^3, O^1)$
1.2	2.2	3.2	×	2.3	2.2	2.1	$O^3 \leftarrow (O^2, O^1)$
2.6. 0-them. I							
3.2	2.2	1.3	×	3.1	2.2	2.3	$I \leftarrow (O^1, O^2)$
3.2	1.3	2.2	×	2.2	3.1	2.3	$O^1 \rightarrow I \leftarrow O^2$
2.2	3.2	1.3	×	3.1	2.3	2.2	$I \leftarrow (O^2, O^1)$
2.2	1.3	3.2	×	2.3	3.1	2.2	$O^2 \rightarrow I \leftarrow O^1$
1.3	3.2	2.2	×	2.2	2.3	3.1	$(O^1, O^2) \rightarrow I$
1.3	2.2	3.2	×	2.3	2.2	3.1	$(O^2, O^1) \rightarrow I$
3.2	2.3	1.2	×	2.1	3.2	2.3	$O^1 \rightarrow I \leftarrow O^2$
3.2	1.2	2.3	×	3.2	2.1	2.3	$I \leftarrow (O^1, O^2)$
2.3	3.2	1.2	×	2.1	2.3	3.2	$(O^1, O^2) \rightarrow I$
2.3	1.2	3.2	×	2.3	2.1	3.2	$(O^2, O^1) \rightarrow I$
1.2	3.2	2.3	×	3.2	2.3	2.1	$I \leftarrow (O^2, O^1)$
1.2	2.3	3.2	×	2.3	3.2	2.1	$O^2 \rightarrow I \leftarrow O^1$
3.3	2.2	1.2	×	2.1	2.2	3.3	$(O^1, O^2) \rightarrow I$
3.3	1.2	2.2	×	2.2	2.1	3.3	$(O^2, O^1) \rightarrow I$
2.2	3.3	1.2	×	2.1	3.3	2.2	$O^1 \rightarrow I \leftarrow O^2$

2.2	1.2	3.3	×	3.3	2.1	2.2	$I \leftarrow (O^1, O^2)$
1.2	3.3	2.2	×	2.2	3.3	2.1	$O^2 \rightarrow I \leftarrow O^1$
1.2	2.2	3.3	×	3.3	2.2	2.1	$I \leftarrow (O^2, O^1)$
2.7. I-them. M							
3.1	2.3	1.3	×	3.1	3.2	1.3	$(I^1, I^2) \rightarrow M$
3.1	1.3	2.3	×	3.2	3.1	1.3	$(I^2, I^1) \rightarrow M$
2.3	3.1	1.3	×	3.1	1.3	3.2	$I^1 \rightarrow M \leftarrow I^2$
2.3	1.3	3.1	×	1.3	3.1	3.2	$M \leftarrow (I^1, I^2)$
1.3	3.1	2.3	×	3.2	1.3	3.1	$I^2 \rightarrow M \leftarrow I^1$
1.3	2.3	3.1	×	1.3	3.2	3.1	$M \leftarrow (I^2, I^1)$
3.3	2.1	1.3	×	3.1	1.2	3.3	$I^1 \rightarrow M \leftarrow I^2$
3.3	1.3	2.1	×	1.2	3.1	3.3	$M \leftarrow (I^1, I^2)$
2.1	3.3	1.3	×	3.1	3.3	1.2	$(I^1, I^2) \rightarrow M$
2.1	1.3	3.3	×	3.3	3.1	1.2	$(I^2, I^1) \rightarrow M$
1.3	3.3	2.1	×	1.2	3.3	3.1	$M \leftarrow (I^2, I^1)$
1.3	2.1	3.3	×	3.3	1.2	3.1	$I^2 \rightarrow M \leftarrow I^1$
3.3	2.3	1.1	×	1.1	3.2	3.3	$M \leftarrow (I^1, I^2)$
3.3	1.1	2.3	×	3.2	1.1	3.3	$I^1 \rightarrow M \leftarrow I^2$
2.3	3.3	1.1	×	1.1	3.3	3.2	$M \leftarrow (I^2, I^1)$
2.3	1.1	3.3	×	3.3	1.1	3.2	$I^2 \rightarrow M \leftarrow I^1$
1.1	3.3	2.3	×	3.2	3.3	1.1	$(I^1, I^2) \rightarrow M$
1.1	2.3	3.3	×	3.3	3.2	1.1	$(I^2, I^1) \rightarrow M$
2.8. I-them. O							
3.2	2.3	1.3	×	3.1	3.2	2.3	$(I^1, I^2) \rightarrow O$
3.2	1.3	2.3	×	3.2	3.1	2.3	$(I^2, I^1) \rightarrow O$

2.3	3.2	1.3	×	3.1	2.3	3.2	$I^1 \rightarrow 0 \leftarrow I^2$
2.3	1.3	3.2	×	2.3	3.1	3.2	$0 \leftarrow (I^1, I^2)$
1.3	3.2	2.3	×	3.2	2.3	3.1	$I^2 \rightarrow 0 \leftarrow I^1$
1.3	2.3	3.2	×	2.3	3.2	3.1	$0 \leftarrow (I^2, I^1)$
3.3	2.2	1.3	×	3.1	2.2	3.3	$I^1 \rightarrow 0 \leftarrow I^2$
3.3	1.3	2.2	×	2.2	3.1	3.3	$0 \leftarrow (I^1, I^2)$
2.2	3.3	1.3	×	3.1	3.3	2.2	$(I^1, I^2) \rightarrow 0$
2.2	1.3	3.3	×	3.3	3.1	2.2	$(I^2, I^1) \rightarrow 0$
1.3	3.3	2.2	×	2.2	3.3	3.1	$0 \leftarrow (I^2, I^1)$
1.3	2.2	3.3	×	3.3	2.2	3.1	$I^2 \rightarrow 0 \leftarrow I^1$
3.3	2.3	1.2	×	2.1	3.2	3.3	$0 \leftarrow (I^1, I^2)$
3.3	1.2	2.3	×	3.2	2.1	3.3	$I^1 \rightarrow 0 \leftarrow I^2$
2.3	3.3	1.2	×	2.1	3.3	3.2	$0 \leftarrow (I^2, I^1)$
2.3	1.2	3.3	×	3.3	2.1	3.2	$I^2 \rightarrow 0 \leftarrow I^1$
1.2	3.3	2.3	×	3.2	3.3	2.1	$(I^1, I^2) \rightarrow 0$
1.2	2.3	3.3	×	3.3	3.2	2.1	$(I^2, I^1) \rightarrow 0$
2.9. I-them. I							
3.3	2.3	1.3	×	3.1	3.2	3.3	$I^1 \leftarrow (I^2, I^3)$
3.3	1.3	2.3	×	3.2	3.1	3.3	$I^2 \leftarrow (I^1, I^3)$
2.3	3.3	1.3	×	3.1	3.3	3.2	$I^1 \leftarrow (I^3, I^2)$
2.3	1.3	3.3	×	3.3	3.1	3.2	$I^3 \leftarrow (I^1, I^2)$
1.3	3.3	2.3	×	3.2	3.3	3.1	$I^2 \leftarrow (I^3, I^1)$
1.3	2.3	3.3	×	3.3	3.2	3.1	$I^3 \leftarrow (I^2, I^1)$
2.10. Triadische Them.							
3.1	2.2	1.3	×	3.1	2.2	1.3	$I \rightarrow 0 \leftarrow M$

3.1	2.3	1.2	×	2.1	3.2	1.3	$O \rightarrow I \leftarrow M$
3.2	2.1	1.3	×	3.1	1.2	2.3	$I \rightarrow M \leftarrow O$
3.2	2.3	1.1	×	1.1	3.2	2.3	$M \rightarrow I \leftarrow O$
3.3	2.1	1.2	×	2.1	1.2	3.3	$O \rightarrow M \leftarrow I$
3.3	2.2	1.1	×	1.1	2.2	3.3	$M \rightarrow O \leftarrow I$

Literatur

Toth, Alfred, Vollständige Thematisierungstripel. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2026

24.3.2026